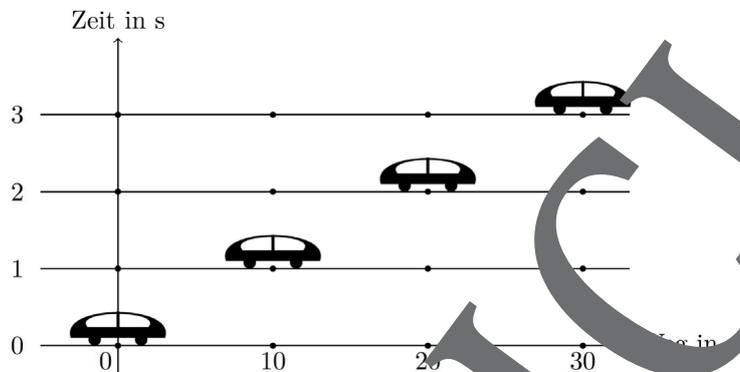




## M 2

### Raum-Zeit-Diagramm

Bewegungen in einem Inertialsystem lassen sich in einem Koordinatensystem darstellen. Anders als man es von anderen Bereichen der Physik oder der Mathematik kennt, wird die x-Achse für den zurückgelegten Weg und die y-Achse für die Zeit verwendet. Dies ist im folgenden Bild sichtbar:



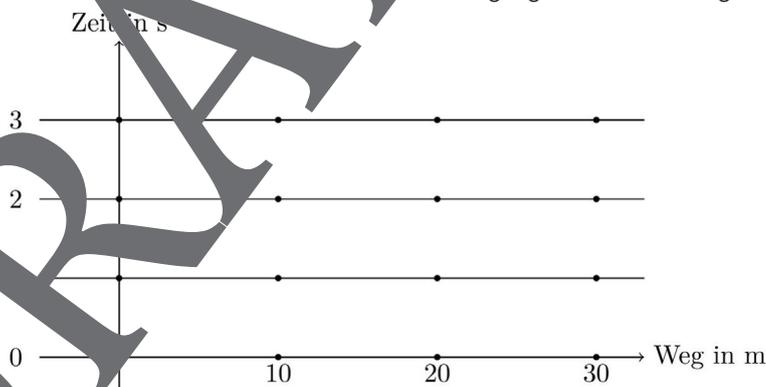
#### Aufgabe 1

Betrachten Sie das obige Bild.

- a) Beschreiben Sie die Bewegung des Fahrzeuges physikalisch.
- b) Bestimmen Sie die Geschwindigkeit des Autos.

#### Aufgabe 2

Zeichnen Sie in das folgende Diagramm die Bewegung eines mit  $a = 6 \frac{m}{s^2}$  gleichmäßig beschleunigten Körpers ein. Gehen Sie dabei davon aus, dass die Bewegung aus der Ruhe beginnt.



Lässt man die Umgebung auf dem Diagramm weg und beschränkt sich auf den Graphen von mathematischer Seite, so ergibt sich:

Ein Diagramm, in dem die Zeit in Abhängigkeit vom Weg aufgetragen ist, nennt man ein

**Weg-Zeit-Diagramm.**

Wird die Fortbewegung für zwei oder drei Koordinaten aufgetragen, spricht man vom

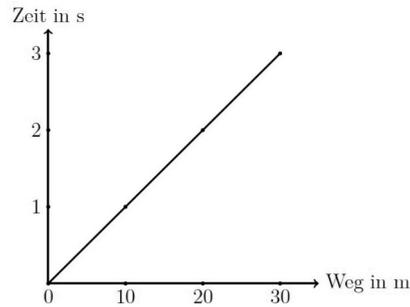
**Raum-Zeit-Diagramm.**

## Bewegungen graphisch darstellen

M 3

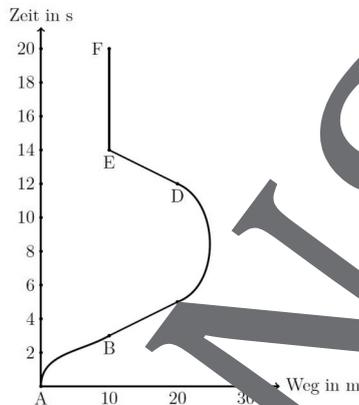
### Aufgabe 1

Erklären Sie die Bewegung des Körpers in der folgenden Abbildung physikalisch:



### Aufgabe 2

Beschreiben Sie die im folgenden Bild dargestellte Bewegung in den Lücken des Textes:

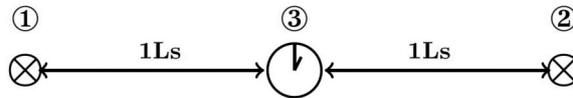


1. Von A bis B durchschnittlich mit \_\_\_\_\_
2. Vor B bis C mit etwa  $6 \frac{\text{m}}{\text{s}}$  \_\_\_\_\_ bewegt.  
 Von D bis E findet dies \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_ statt.
3. Von C bis D wird \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_
4. In E \_\_\_\_\_  
 \_\_\_\_\_  
 Von E bis F \_\_\_\_\_ . Seine Geschwindigkeit ist \_\_\_\_\_ .

## Relativität der Gleichzeitigkeit

M 11

Wir können jetzt darangehen, das Raum-Zeit-Diagramm der Messanordnungen von **M 10** zu zeichnen. Die Bezeichnungen des Messsystems sind in der folgenden Abbildung zu sehen:



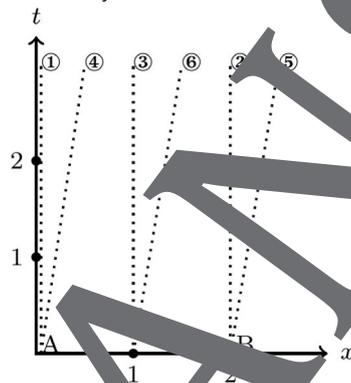
### Aufgabe 1

Die beiden Lichtlampen ① und ② seien jeweils 1 Ls von der Uhr entfernt. Zeichnen Sie in ein Welt-Zeit-Diagramm die Weltlinien von Licht in diesem System.

### Aufgabe 2

Betrachten wir jetzt ein zweites System, das ebenfalls aus einer Uhr und zwei Blitzlampen besteht und sich mit einer Geschwindigkeit  $v$  parallel zur Verbindung zwischen den Lampen am ersten System vorbeibewegt. In dem Augenblick, in dem das bewegte System die Position des ersten Systems erreicht, wenn also Lampe ① mit Lampe ④ und Lampe ② mit Lampe ⑤ zur Deckung kommen, werden alle vier Blitzlampen gezündet.

Das folgende Diagramm zeigt die Inertialsysteme dieser beiden Systeme



- Zeichnen Sie die Weltlinien der Lichtblitzstrahlen, die von den Blitzlampen ausgehen.
- Beschreiben Sie das Ereignis der Uhren ③ und ⑥ von den Blitzlampen aus. Diskutieren Sie diese Beobachtung in Bezug auf die Vorstellung von Gleichzeitigkeit.

Auf der Basis der Ergebnisse aus Aufgabe 2 muss man die bisherige Vorstellung von Gleichzeitigkeit verändern: Für einen Beobachter, der mit ⑥ mitfliegt, sind die Ereignisse A und B nicht gleichzeitig, da die Gleichzeitigkeit durch das simultane Eintreffen von Lichtsignalen in der Mitte (③) definiert ist.

Die **Gleichzeitigkeit** zweier Ereignisse, die nicht am selben Punkt stattfinden, ist vom Beobachter abhängig, also **relativ**.

Die Zündungen der beiden Lampen ④ und ⑤ finden – von ⑥ aus betrachtet – nicht gleichzeitig statt.

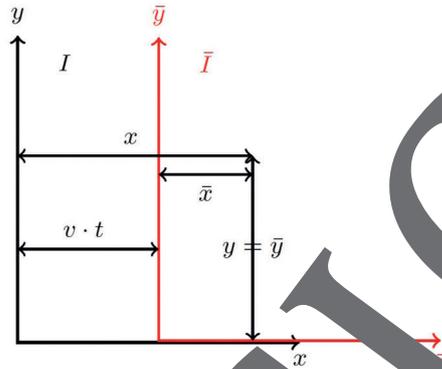
### Aufgabe 3

Auf dem Folienbild findet sich die Definition der Relativität nach Einstein. Wo findet sich dort die Relativität der Gleichzeitigkeit?

## M 12

## Galilei-Transformationen

In der klassischen Physik sind in Verbindung mit dem zugehörigen Relativitätsprinzip Zusammenhänge zwischen Koordinatensystemen durch Galilei-Transformationen gegeben. Versetzt man sich in zwei Inertialsystemen  $I = (t; x; y; z)$  (mit physikalischen Größen  $x$ ,  $y$  und  $z$  für den Raum und  $t$  für die Zeit) und  $\bar{I} = (\bar{t}; \bar{x}; \bar{y}; \bar{z})$ , die sich mit konstanter Geschwindigkeit  $v$  in  $x$ -Richtung zueinander bewegen, so lässt sich dies folgendermaßen darstellen:



Aus dieser Zeichnung ergeben sich die folgenden Gleichungen zu Umrechnungen zwischen den Koordinaten der Bezugssysteme:

$$\bar{x} = \underline{\hspace{2cm}} \quad \bar{y} = \underline{\hspace{2cm}}$$

Die Zeit ist identisch vom Koordinatensystem.

Notiert man außerdem die Beziehungen zwischen den Koordinaten und der Zeit, so ergeben sich die folgenden Gleichungen:

## Galilei-Transformationen

$$\begin{aligned}\bar{x} &= x - v \cdot t \\ \bar{y} &= y \\ \bar{z} &= z \\ \bar{t} &= t\end{aligned}$$

Hier zeigt sich das Relativitätsprinzip der klassischen Mechanik (insbesondere durch  $t = \bar{t}$ ).

## Aufgabe 1

Sie unter der Verwendung obiger Abbildung, dass zwischen einem Inertialsystem (1) und einem Inertialsystem mit einer Geschwindigkeit  $v$  in positive  $x$ -Richtung bewegten Inertialsystem (2) die Galilei-Transformationen oben gelten.

## Aufgabe 2

Zeigen Sie, dass die Gleichungen der Galilei-Transformation dem Michelson-Morley-Versuch widersprechen.

Die Galilei-Transformationen lassen sich also nicht auf den allgemeinen Fall von Inertialsystemen übertragen.

## M 14

## Lorentz-Transformation

Wie auf **M 13** bemerkt, könnte eine Unterscheidung zwischen  $t$  und  $\bar{t}$  sinnvoll sein. Wir müssen also noch die Beziehungen zwischen diesen beiden Größen bestimmen. Dazu greifen wir auf die Gleichung  $\bar{x} = k \cdot (x - v \cdot t)$  zurück, setzen sie in Gleichung  $x = k \cdot (\bar{x} + v \cdot \bar{t})$  und lösen mit einigen Rechenricks nach  $\bar{t}$  auf. Insgesamt ergibt sich das folgende Ergebnis:

**Lorentz-Transformation**

$$\bar{x} = k \cdot (x - v \cdot t), \quad \bar{y} = y, \quad \bar{z} = z, \quad \bar{t} = k \cdot \left( t - \frac{v \cdot x}{c^2} \right), \quad \text{mit } k = \frac{1}{\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}}$$

Aus den letzten beiden Gleichungen folgt die Zeitdilatation:

Bewegte Uhren gehen um einen Faktor

$$\sqrt{1 - \frac{v^2}{c^2}}$$

langsamer als ruhende Uhren. Der Effekt ist symmetrisch: von der bewegten Uhr aus gesehen geht die ursprünglich ruhende langsamer. Man spricht von einer **Zeitdilatation**.

**Aufgabe 1**

Beweisen Sie die Gleichung des Zusammenhangs zwischen den Zeiten in den Inertialsystemen.

Ein häufig betrachtetes Beispiel ist die Verbindung mit einem überraschenden Ergebnis ist das **Zwillingsparadoxon**. Dies findet sich auf den folgenden Arbeitsblättern.

**Aufgabe 2**

In großer Höhe der Atmosphäre entstehen durch kosmische Strahlung Teilchen wie Myonen, sogenannte sekundäre Kosmische Strahlung. Die meisten dieser Teilchen sind nicht stabil und zerfallen nach bestimmter Zeit.

- Informieren Sie sich beispielsweise unter <https://www.teilchenwelt.de/material/materialien-fuer-lehrkraefte/> oder <https://www.physik.de/> über Elementarteilchen und kosmische Strahlung.
- Wiev schnell müssen sich die instabilen Teilchen bewegen, um die Erdoberfläche erreichen zu können?

**Aufgabe 3**

Setzen Sie für  $v$ ,  $x$  und  $k$  unterschiedliche Werte in die Gleichung zur Berechnung von  $\bar{t}$  der Lorentz-Transformation ein. Notieren Sie die Werte in einer Tabelle. Beschreiben Sie die Abhängigkeit von  $\bar{t}$  von  $v$  und  $x$ .

### M 16

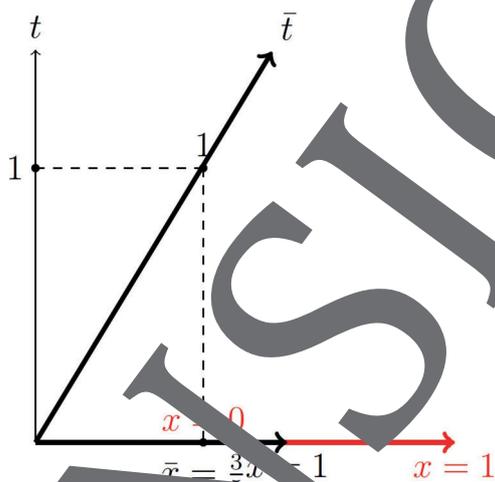
## Geometrische Deutung der Galilei-Transformation

Häufig lohnt es sich, physikalische Zusammenhänge graphisch darzustellen, um Schlüsse auf geometrische Verbindungen ziehen zu können. Dies werden wir mit den Ergebnissen von M 15 machen.

Dazu wählen wir im Folgenden die feste Geschwindigkeit  $v = \frac{3}{5}c$ .

#### Aufgabe 1

$x$  und  $t$  seien in Form eines kartesischen Koordinatensystems dargestellt. Lassen Sie, dass sich mithilfe des folgenden Koordinatensystems nach den Erkenntnissen der letzten Aufgabe die Transformation wiedergeben lässt.



Die Achsen von  $x$  und  $\bar{x}$  scheinen zur Zeit  $t = 1$  ZE um \_\_\_\_\_

verschoben. Je später man den Zeitpunkt  $t$  wählt, desto mehr ist \_\_\_\_\_.

Die Neigung der  $\bar{t}$ -Achse gegenüber der  $x$ -Achse hat dementsprechend nichts mit der fehlenden Existenz einer absoluten Zeit zu tun – die es bei der Galilei-Transformation noch gibt –, sondern spiegelt einfach den Effekt der Bewegung wider.

Je schneller die Bewegung, desto mehr sind die  $t$ - und die  $\bar{t}$ -Achse gegeneinander \_\_\_\_\_.

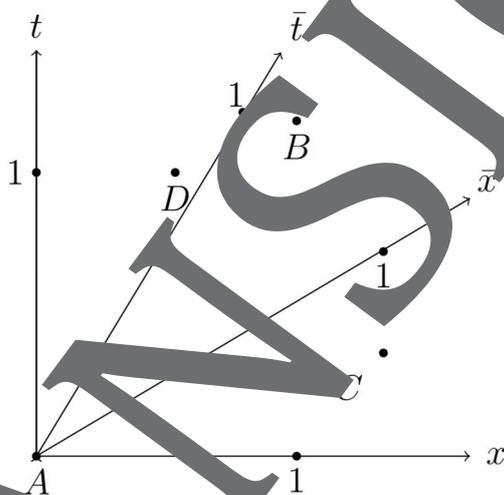
### M 20

## Relativität der Gleichzeitigkeit

Wir haben uns mit unterschiedlichen Inertialsystemen befasst und auch Transformationen zwischen ihnen betrachtet. Was wir bislang jedoch vernachlässigt haben, ist, dass sich nichts schneller als das Licht – genau genommen, wenn es eine Masse ungleich null hat, nicht einmal so schnell wie Licht – bewegen kann. Dies zeigt sich nicht zuletzt an den Ergebnissen von Blatte 19. Also muss untersucht werden, ob sich kausale Zusammenhänge zwischen unterschiedlichen Inertialsystemen finden lassen. Natürlich ist dabei auch der Begriff „Gleichzeitigkeit“ zu klären.

### Aufgabe 1

Im folgenden Diagramm ist das System  $I=(x;t)$  und das gegenüber  $I$  mit der Geschwindigkeit  $v = \frac{3}{5}c$  bewegte System  $\bar{I}=(\bar{x};\bar{t})$  eingetragen. Zusätzlich sind drei Punkte A,B,C und D eingetragen.



Bestimmen und interpretieren Sie die Koordinaten der Punkte A,B,C und D im Inertialsystem  $\bar{I}$  und tragen Sie sie in die folgende Tabelle ein.

Ergebnis	$x$	$t$	$\bar{x}$	$\bar{t}$
A	0	0		
B		1,2		
C	1,2	0,4		
D	0,5	1		

### Aufgabe 2

Zum Zeitpunkt  $\bar{t}=0$  finden im Inertialsystem  $\bar{I}$  gleichzeitig an den Punkten A(0|0) und B(2|0) Ereignisse statt. Berechnen Sie die Orte und die Zeiten, an denen sie im Inertialsystem  $I$  stattfinden. Erklären Sie anhand dieser Ergebnisse folgenden Satz:

Gleichzeitigkeit ist relativ.

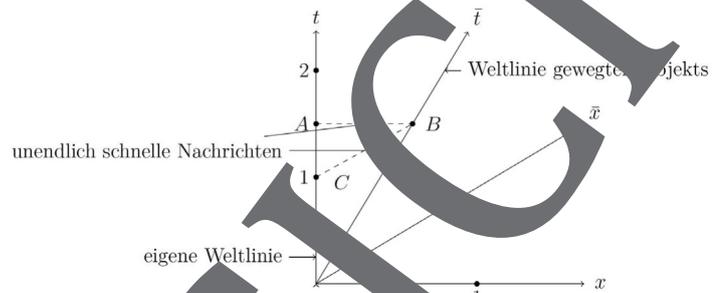
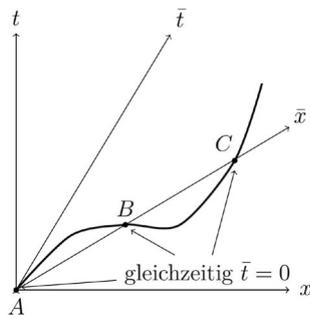
## M 22

## Schneller als das Licht

In *Star Wars* ist es möglich, schneller als das Licht zu fliegen, jedoch leider nicht nach der speziellen Relativitätstheorie. Erste Gedanken in diese Richtung haben wir bereits in **M 13** gemacht. Nun werden wir es uns genauer ansehen.

**Aufgabe 1**

Erklären Sie anhand der Skizze unten, links, dass sich ein Körper nicht mit Überlichtgeschwindigkeit bewegen kann.



Aus obigen Überlegungen ergibt sich unter anderem dies:

Die Weltlinie der Bewegung eines Körpers muss immer einen Anstieg größer als 1 haben, um Überlichtgeschwindigkeiten auszuschließen.

Wir haben festgestellt, dass sich ein Körper nicht mit Überlichtgeschwindigkeit bewegen kann. Es könnte aber sein, dass Signale schneller als mit Lichtgeschwindigkeit übertragen werden können, wie es häufig in Science-Fiction-Filmen zu sein scheint. Auch dies geht leider nicht. Hierzu betrachten wir die rechte Seite der obigen Abbildung. Zu Zeitpunkt  $t = \bar{t} = 0$  ZE befinden sich die Freunde ① und ② im Ursprung des Inertialsystems. Freund ② startet dann eine Bewegung mit einer Geschwindigkeit von  $v = \frac{3}{5}$ .

**Aufgabe 2**

Vom Punkt A wird zu entsprechendem Zeitpunkt ein Signal mit unendlicher Geschwindigkeit ausgesendet.

- a) Erklären Sie, dass ein unendlich schnelles Signal im Inertialsystem  $I = (t; x)$ , das von ① in A ausgesandt wird, von ② im Punkt B beobachtet werden kann.

Das Signal wird an der Stelle B im Inertialsystem  $\bar{I}$  von ② sofort reflektiert (wir nehmen an, dass es mit einer Verzögerung von 0 Sekunden zurückgeschickt) wird.

Begründen Sie, dass dieses reflektierte Signal das Inertialsystem I von Beobachter ① im Punkt C beobachtet werden kann.

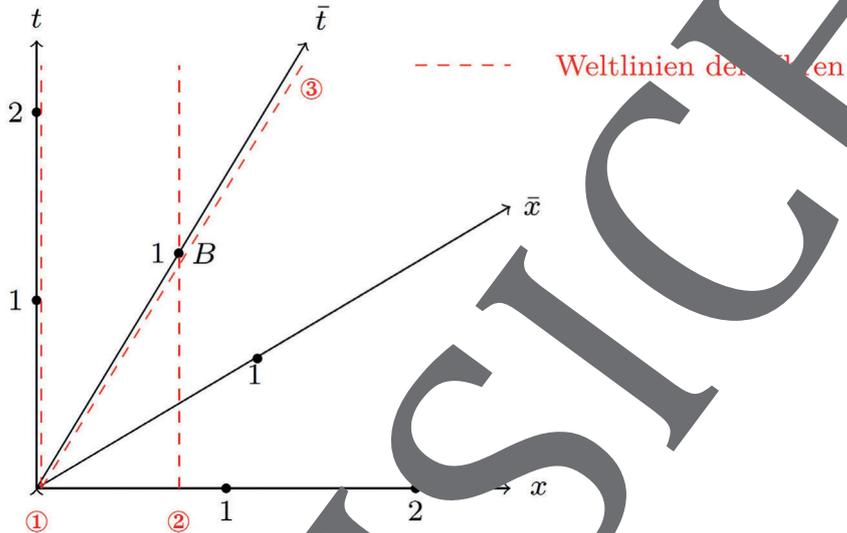
- c) Erklären Sie, warum dieser Vorgang so nicht eintreten kann.

Es kann kein Signal existieren, das sich mit Überlichtgeschwindigkeit bewegt.

# M 26

## Die Zeitdilatation 1

Es lässt sich vermuten, dass sich auch zeitliche Verschiebungen in unterschiedlichen Inertialsystemen zeigen können. Um uns dies vorstellen zu können, nehmen wir drei identische Uhren ①, ② und ③. Während die Uhren ① und ② ruhen, bewegt sich die Uhr ③ mit der Geschwindigkeit  $v$  zum Zeitpunkt  $\bar{t} = 0$  ZE an der Uhr ① und an ② zum Zeitpunkt  $\bar{t} = 1$  ZE vorbei. Die Situation ist in folgender Abbildung zu sehen.



Die Weltlinien der Uhren sind folgendermaßen gegeben:

Weltlinie von ① :  $x = \underline{\hspace{2cm}}$  Weltlinie von ③:  $x = \underline{\hspace{2cm}}$ .

Es ist noch die Frage zu beantworten, welche Zeit die Uhr ② anzeigt, wenn die Uhr ③ an ihr vorbeikommt. Dies ist die  $t$ -Koordinate des Punktes  $B$  denn  $B$  ist der

$\underline{\hspace{2cm}}$ . In der Lorentz-Transformation

$\bar{x} = k \cdot (\underline{\hspace{2cm}})$  und  $\bar{t} = k \cdot (\underline{\hspace{2cm}})$

mit  $k = \underline{\hspace{2cm}}$  ist  $x = \underline{\hspace{2cm}}$  zu setzen.

Dann folgt  $\bar{t} = \underline{\hspace{2cm}} \cdot t$  und andersherum

$t = \underline{\hspace{2cm}} \cdot \bar{t}$ .

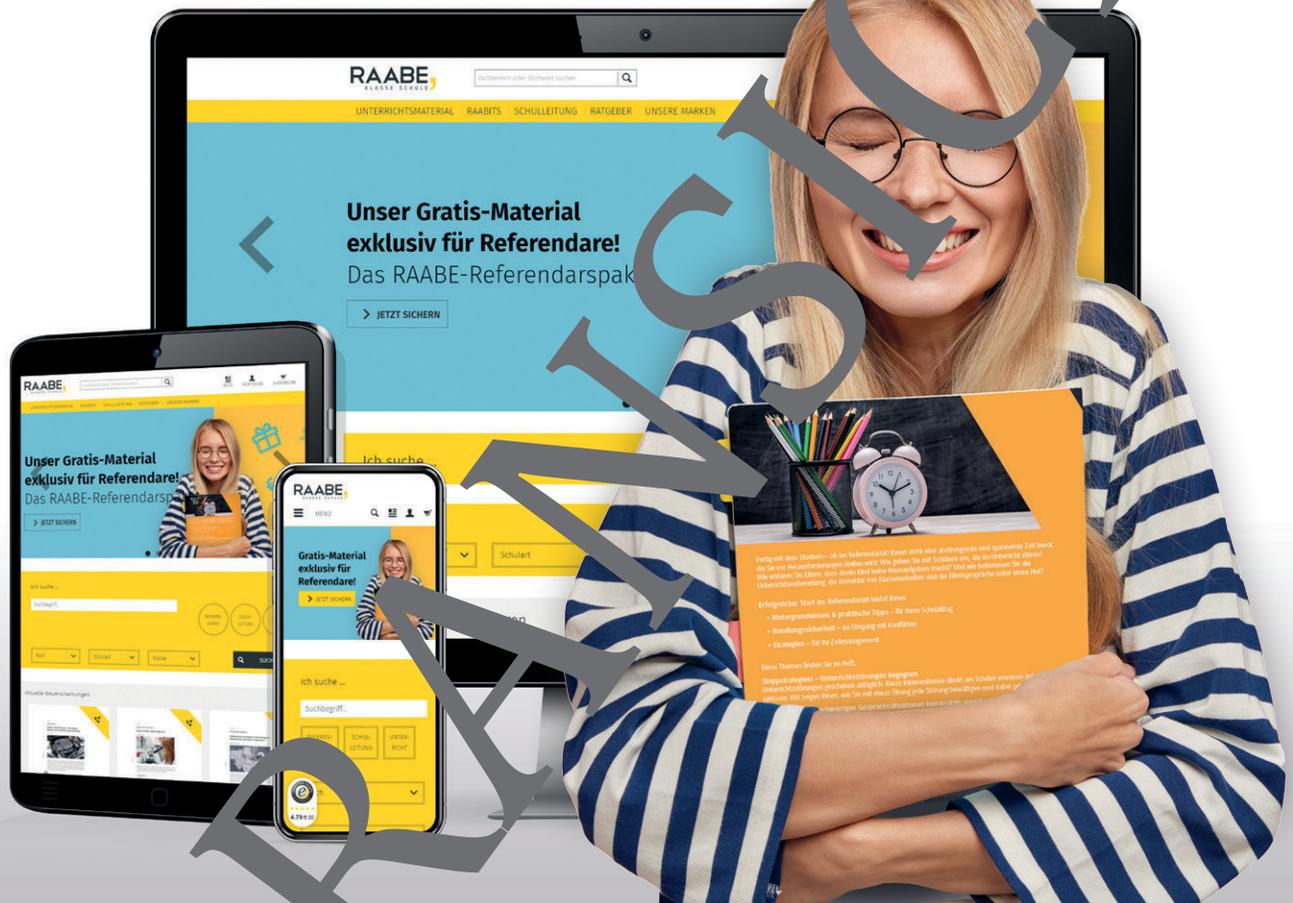
**Zeitdilatation**

mit der Geschwindigkeit  $v$  bewegte Uhr geht um den Faktor  $\underline{\hspace{2cm}}$

$\underline{\hspace{2cm}}$

langsamer als eine ruhende Uhr.

# Sie wollen mehr für Ihr Fach? Bekommen Sie: Ganz einfach zum Download im RAABE Webshop.



✓ **Über 5.000 Unterrichtseinheiten**  
sofort zum Download verfügbar

✓ **Webinare und Videos**  
für Ihre fachliche und  
persönliche Weiterbildung

✓ **Attraktive Vergünstigungen**  
für Referendar:innen  
mit bis zu 15% Rabatt

✓ **Käuferschutz**  
mit Trusted Shops



Jetzt entdecken:  
**www.raabe.de**